



### **PROGRAMA DE ASIGNATURA**

#### 1. UNIDAD ACADÉMICA

Programa Académico de Bachillerato

# 2. IDENTIFICACIÓN DE LA ASIGNATURA

Nombre de la asignatura: MATEMÁTICA

Requisitos: Ninguno

Período: Primer semestre 2025

Coordinador del área: Rolando Pomareda

Coordinador de la asignatura: Jorge Soto Andrade

Profesor cátedra	Ayudante
Jorge Soto Andrade	Daniela Díaz Rojas

#### 3. HORAS DE TRABAJO (semanales)

Cátedra	3 horas
Ayudantía	1,5 horas

# 4. OBJETIVO GENERAL DE LA ASIGNATURA / RESULTADOS DE APRENDIZAJE

El principal objetivo de esta asignatura es que sus participantes lleguen a descubrir autónomamente cual es ese objetivo. En todo caso, se intenta enfatizar las preguntas que estuvieron al origen de ideas, nociones y métodos matemáticos fundamentales, así como los vínculos y conexiones entre éstos y el resto de la cultura humana.

### 5. OBJETIVOS ESPECÍFICOS DE LA ASIGNATURA

Facilitar el desarrollo, por parte de las y los estudiantes de :

- el pensamiento estocástico
- el pensamiento sistémico,
- el pensamiento analógico (metafórico)
- el pensamiento variacional (discreto y continuo)





- el pensamiento geométrico

y las capacidades de

- experimentación simulación
- visualización, metaforización, representación
- zooming in y zooming out

## 6. SABERES / CONTENIDOS

Los contenidos pueden ser visualizados como las cuatro caras de un tetraedro regular, por las que el curso describe, cual mariposa, un revoloteo al azar en el transcurso del semestre. Las caras corresponden a 4 ideas o nociones clave de la matemática.

Una versión linearizada tentativa de los contenidos del curso (que en realidad forman naturalmente una red) es la siguiente:

#### Sistemas y procesos

- Diversas motivaciones (epidemiológicas, económicas, markovianas, lúdicas ...). Representación de datos obtenidos. Tipos de Incrementos y tasas. Extrapolaciones.
- La visión sistémica. Devenir de un sistema. Recursividad. Ejemplos. Auto-referencia. Clausura (redes metabólicas). La metáfora del Uroboros.

### Probabilidades y Estadística.

- Motivación: Paseos al azar, sistemas económicos y físicos. Juegos de azar con estrategias. Comparación de estrategias, empírica y teóricamente. Ganancia esperada.
- Problemas históricos: El torneo inconcluso. Uso de la ganancia esperada. Pascal, Fermat, El Caballero de Méré.
- El problema del precio o el premio justo. Equitatividad.
- Movimiento browniano y paseos al azar.
- Metaforas pedestres, hidráulicas y otras. Aplicación a la asignación y cálculo de probabilidades (algunos ejemplos clásicos y biomédicos, probabilidades de las causas y problemas bayesianos, ...)
- Variables aleatorias. Fotos y Retrato. Esperanza y Desviación típica.
  Procesos estocásticos infinitos (vida y muerte de una mosca, lucha por un mercado). Estados límite. Series geométricas.

### **Geometría Fractal**

- Orígenes históricos (R.F. Richardson y el litoral de Gran Bretaña, Mandelbrot).
- Isla de Koch y otros ejemplos (Escher...)
- Fractales como objetos míticos límite.
- Áreas y perímetros de fractales.
- Dimensión fractal.

#### Cálculo Infinitesimal

- Las paradojas de Zenón. El problema del continuo.
- Sumatorias infinitas. Sucesiones y límites.
- Los míticos números reales. Infinitésimos.





- Optimización y derivación.
- Tránsito entre Fórmulas y Formas.
- Sumas continuas, áreas, volúmenes, integración y antiderivación.

#### 7. METODOLOGÍA

Como descrito más arriba, el desarrollo del curso puede ser metaforizado por el revoloteo azaroso de una mariposa en un tetraedro regular cuyas caras son ideas fundamentales de la matemática. La metodología del curso, que se basa en un abordaje metafórico y enactivista al aprendizaje de la matemática, contempla clases interactivas, con participación horizontal y esfuerzo hermenéutico de los estudiantes y trabajo en grupos pequeños definidos al azar. El trabajo de los grupos es monitoreado por el profesor y una ayudante presencial. Durante las clases se alterna entre el trabajo en grupos estancos y la puesta en común e "institucionalización" en plenaria. La evaluación se basa en los trabajos grupales, realización de ejercicios y trabajos obligatorios y voluntarios y dos pruebas "tradicional".

## 8. EVALUACIÓN Y PONDERACIONES

### 8.1. Estructura de pruebas y ponderaciones

Cátedra y ayudantía:	Ponderación inicial
Prueba individual (PP1)	10%
Prueba individual (PP2)	15%
Controles y trabajos (AYU)	25%
Otras actividades (TG+EVO)	50%

TG: Trabajos Grupales en cátedra. EVO: Ejercicios individuales Voluntarios y Obligatorios. AYU: Ayudantía.

# 8.2. Fórmula para el cálculo de la nota de presentación (NP) a examen.

$$NP = 0.1 \times PP1 + 0.15 \times PP2 + 0.25 \times AYU + 0.5 \times (TG + EVO)$$

Podrán conservar la NP los estudiantes que tengan nota igual o superior a 4,0.

Examen Final (E): 30 %

La nota mínima de presentación al examen final será 3,0. Los estudiantes con nota superior a 4,0 podrán igualmente presentarse a examen.

### 8.3 Fórmula para el cálculo de la nota final (NF)

$$NF = NP \times 0.7 + E \times 0.3$$





# 9. REQUISITOS DE APROBACIÓN

Nota Final	mayor o igual a 4,0

### 9.1 Situaciones a justificar

La inasistencia a actividades obligatorias deberá ser justificada según se indica:

- Por motivos de salud: Se debe ingresar a través de UCampus, al módulo de solicitudes y seleccionar la opción de justificación de inasistencias. Debe adjuntar el certificado médico y comprobante de pago correspondiente.
- Por motivos personales/sociales: Solicitar justificación a la Trabajadora Social del Programa (<u>asobachi@uchile.cl</u>) quien evaluará la situación y solicitará respaldos.

El/la estudiante tendrá un plazo de 48 horas una vez reincorporado a las actividades académicas para enviar la documentación correspondiente.

#### 10. VARIOS

Las **situaciones no cubiertas** por este programa serán resueltas según las disposiciones del reglamento de Bachillerato.

### 11. Bibliografía de referencia y consulta

- CAPRA, Fritjof, La trama de la vida, Editorial Anagrama, Barcelona, 2002.
- CHENG, Eugenia, Beyond Infinity, Profile Books, London, 2017.
- CHENG, Eugenia, How to bake Pi, Basic Books, NY, 2015
- CHENG, Eugenia, Is Maths Real?: How Simple Questions Lead Us to Mathematics' Deepest Truths, Basic Books, NY, 2023.
- DAVIS, Philip J., HERSH, Reuben, "La experiencia matemática, Ed. Labor, Barcelona, 1998.
- DE GUZMAN, Miguel et al, BACHILLERATO 1, 2, 3 (Matemáticas), Ed. Anaya, Madrid, 1998.
- KLINE, Morris, "Matemáticas para los Estudiantes de Humanidades", Fondo de Cultura Económica, México DF. 1992.
- LAMUA, Antonio. Los secretos del infinito, Ediciones Librero, Madrid, 2017.
- NAVAS, Andrés, Viaje a las ideas, Planeta, Santiago, 2017
- STEWART, Ian, "De aquí al infinito", Mondadori, Madrid, 2000.
- STANFORD ENCYCLOPEDIA OF PHILOSOPHY: <a href="https://plato.stanford.edu">https://plato.stanford.edu</a> (free access).
- SOTO ANDRADE, Jorge. Materiales complementarios y enlaces a ser subidos diacrónicamente a U-Cursos.